

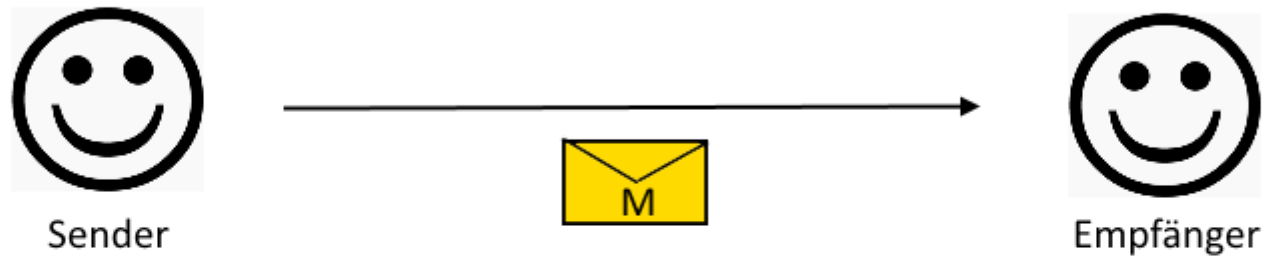
Hashbasierte Signaturen

Ein Vortrag von Oleg Geger

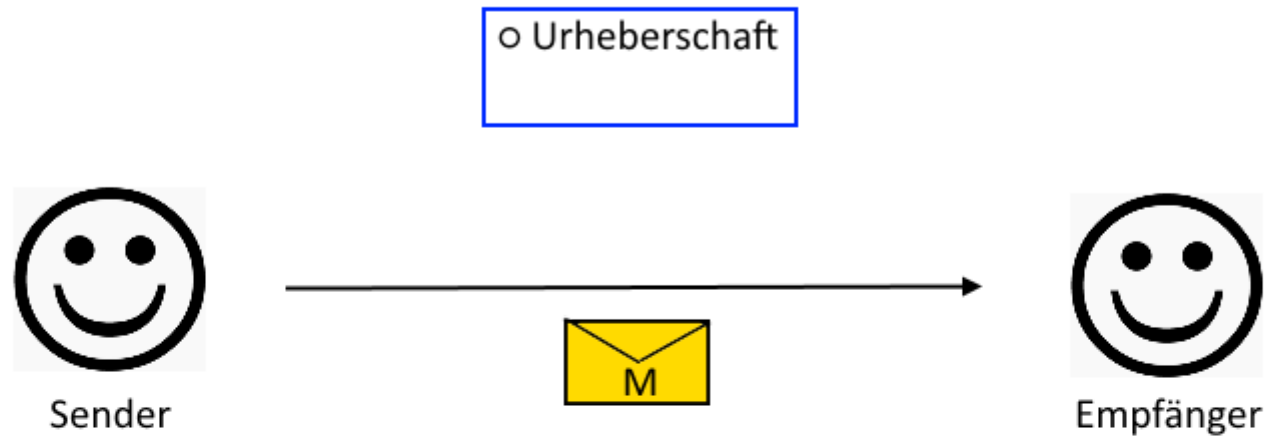
Gliederung

1. Digitale Signaturen - Allgemein
2. Motivation für hashbasierte Signaturen
3. Einmalsignaturen
 - 3.1 Lamport-Diffie-Einmalsignatur
 - 3.2 Winternitz-Einmalsignatur
4. Merkle-Signatur
 - 4.1 Standard-Verfahren
 - 4.2 Erweiterung
5. Fazit (Praktikabilität)
6. Quellen

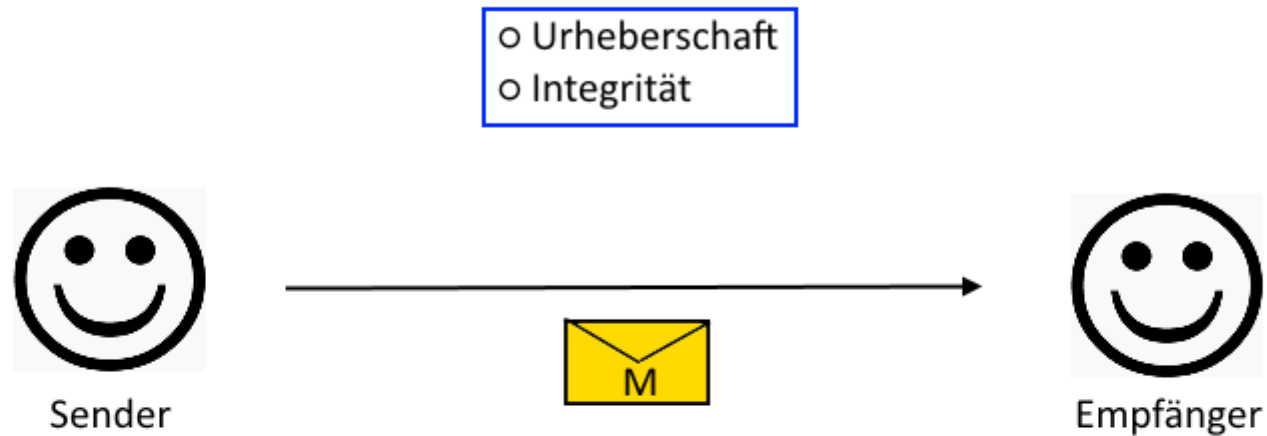
Digitale Signaturen - Allgemein



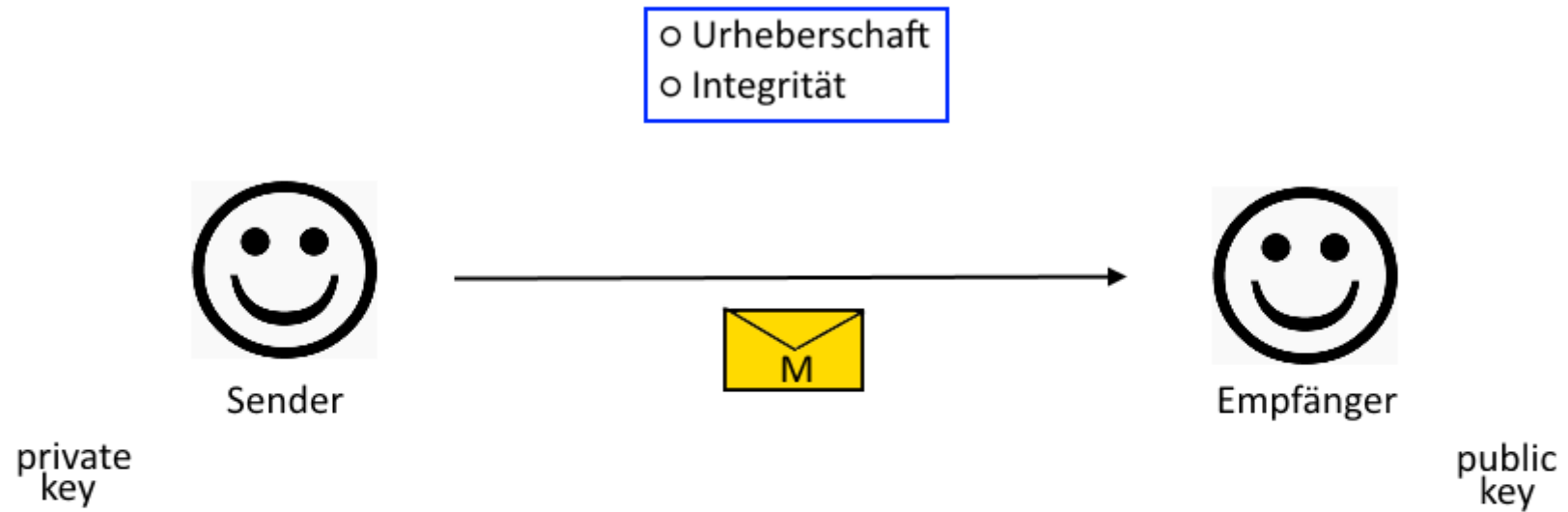
Digitale Signaturen - Allgemein



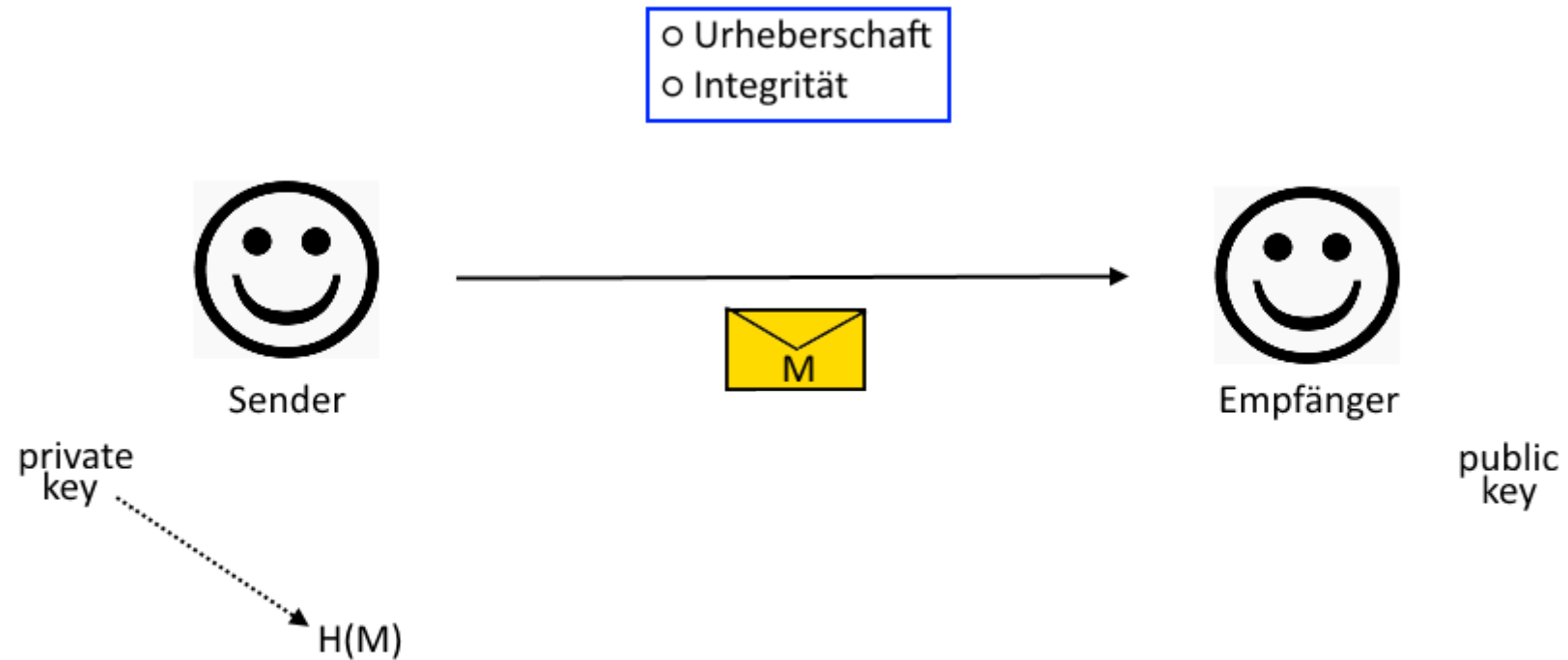
Digitale Signaturen - Allgemein



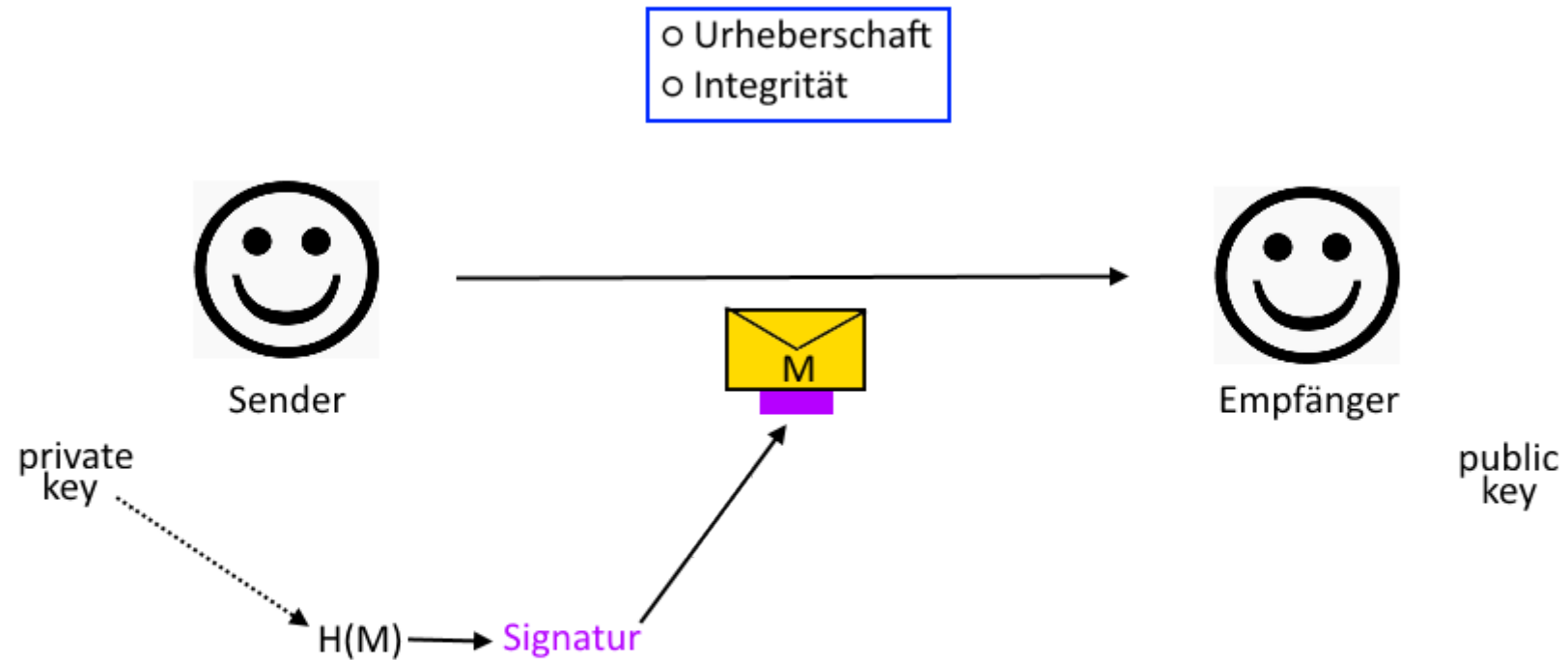
Digitale Signaturen - Allgemein



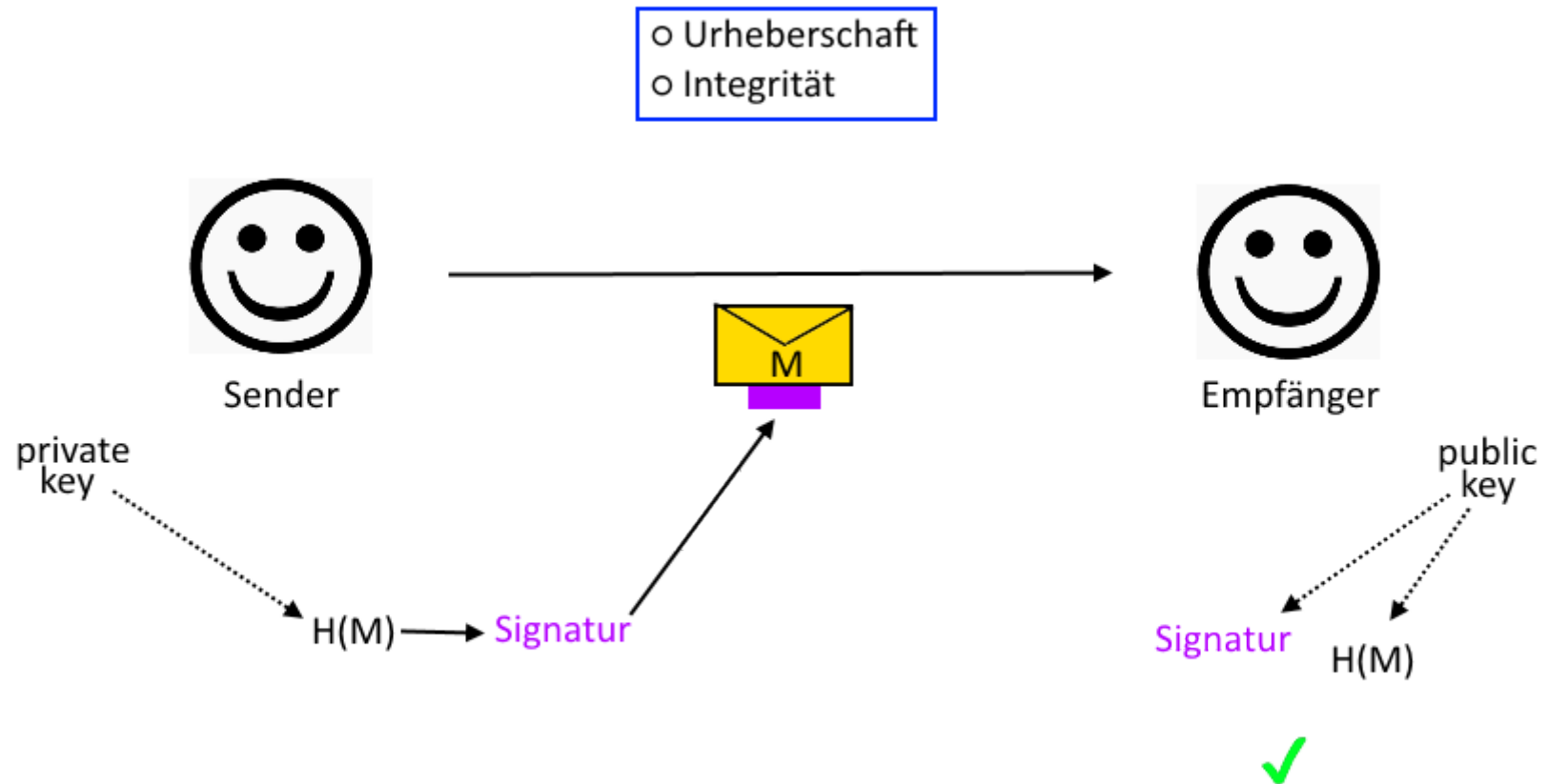
Digitale Signaturen - Allgemein



Digitale Signaturen - Allgemein

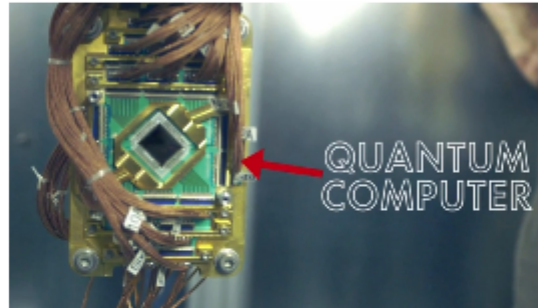


Digitale Signaturen - Allgemein

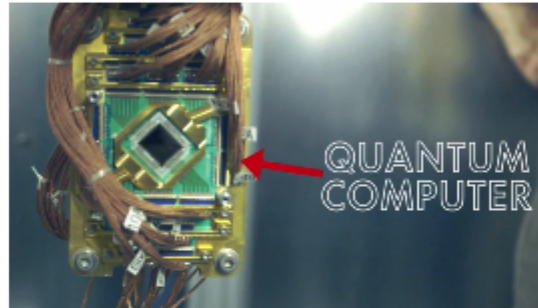


Motivation für hashbasierte Signaturen

Motivation für hashbasierte Signaturen



Motivation für hashbasierte Signaturen



Motivation für hashbasierte Signaturen

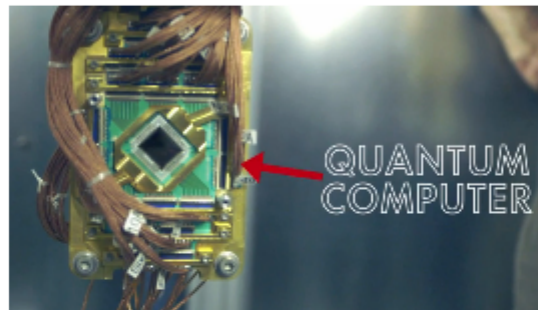


Motivation für hashbasierte Signaturen



RSA

Motivation für hashbasierte Signaturen



kollisionsresistente,
Einweg-Hashfunktionen



(hashbasierte) Einmalsignaturen

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (a_1 \oplus c_1, \quad , \quad)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad , \quad)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad a_2 \oplus c_2 \oplus , \quad)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad c_2 \quad , \quad)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad c_2 \quad , \quad a_3? \ c_3? \)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad c_2 \quad , \quad a_3 \quad)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a_1, a_2, a_3) = (010, 001, 110)$

$C = (c_1, c_2, c_3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b_1, b_2, b_3) = (H(a_1), H(a_2), H(a_3))$

$D = (d_1, d_2, d_3) = (H(c_1), H(c_2), H(c_3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a_1 \quad , \quad c_2 \quad , \quad a_3 \quad)$

Verifikation

wir wissen:

$(H(a_1), H(c_2), H(a_3)) = (b_1, d_2, b_3)$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a1, a2, a3) = (010, 001, 110)$

$C = (c1, c2, c3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b1, b2, b3) = (H(a1), H(a2), H(a3))$

$D = (d1, d2, d3) = (H(c1), H(c2), H(c3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a1 \quad , \quad c2 \quad , \quad a3 \quad)$

Verifikation

wir wissen:

$(H(a1), H(c2), H(a3)) = (b1, d2, b3)$

$S = (s1, s2, s3)$

$H(M) = 010$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a1, a2, a3) = (010, 001, 110)$

$C = (c1, c2, c3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b1, b2, b3) = (H(a1), H(a2), H(a3))$

$D = (d1, d2, d3) = (H(c1), H(c2), H(c3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a1 \quad , \quad c2 \quad , \quad a3 \quad)$

Verifikation

wir wissen:

$(H(a1), H(c2), H(a3)) = (b1, d2, b3)$

$S = (s1, s2, s3)$

$H(M) = 010$

prüfe:

$(H(s1), H(s2), H(s3)) == (b1, d2, b3) ???$

Lamport-Diffie-Einmalsignatur

$M = 10101101$

$H(M) = 010$

private Keys:

A

C

public Keys:

B

D

Schlüsselerzeugung

erzeuge private Keys zufällig:

z.B. $A = (a1, a2, a3) = (010, 001, 110)$

$C = (c1, c2, c3) = (100, 101, 010)$

erzeuge public Keys:

$B = (b1, b2, b3) = (H(a1), H(a2), H(a3))$

$D = (d1, d2, d3) = (H(c1), H(c2), H(c3))$

Signieren

$H(M) = \quad 0 \quad \quad 1 \quad \quad 0$

$S = (\quad a1 \quad , \quad c2 \quad , \quad a3 \quad)$

Verifikation

wir wissen:

$(H(a1), H(c2), H(a3)) = (b1, d2, b3)$

$S = (s1, s2, s3)$

$H(M) = 010$

prüfe:

$(H(s1), H(s2), H(s3)) == (b1, d2, b3) ???$

Signaturgröße

Bei Verwendung von SHA-256:

$256 * 256 = 65536$ (Bit)

ziemlich gross !

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit

$s_i = H^{h_i}(x_i)$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit

$s_i = H^{h_i}(x_i)$

Verifikation

berechne:

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren

$w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit

$s_i = H^{h_i}(x_i)$

Verifikation

berechne:

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

$Z = (z_{66}, z_{65}, \dots, z_1)$ mit

$z_i = H^{255 - h_i}(s_i)$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren
 $w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als
Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit
 $s_i = H^{h_i}(x_i)$

Verifikation

berechne:

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

$Z = (z_{66}, z_{65}, \dots, z_1)$ mit

$z_i = H^{255 - h_i}(s_i)$

Bsp: Sei $h_1 = 240$

Dann: $z_1 = H^{15}(s_1) = H^{15}(H^{240}(x_1)) = H^{255}(x_1) = y_1$

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren
 $w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit
 $s_i = H^{h_i}(x_i)$

Verifikation

berechne:

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

$Z = (z_{66}, z_{65}, \dots, z_1)$ mit

$z_i = H^{255 - h_i}(s_i)$

Bsp: Sei $h_1 = 240$

Dann: $z_1 = H^{15}(s_1) = H^{15}(H^{240}(x_1)) = H^{255}(x_1) = y_1$

prüfe: $Z == Y$?

Winternitz-Einmalsignatur

M bzw. $H(M)$ zu signieren
 $w = 8$

$H: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$

=> Schlüssel aus 66 256-Bit-Strings

Schlüsselgenerierung

private Key:

$X = (x_{66}, x_{65}, \dots, x_1)$ mit

x_i = zufällige 256-Bit-Folge

public Key:

$Y = (y_{66}, y_{65}, \dots, y_1)$ mit

$y_i = H^{255}(x_i)$

Signieren

$H(M) = (h_{64}, h_{63}, \dots, h_1)$

berechne h_{65} und h_{66} als

Prüfsumme aus h_1 bis h_{64}

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

dabei h_i aus $\{0 \dots 255\}$

$S = (s_{66}, s_{65}, \dots, s_1)$ mit
 $s_i = H^{h_i}(x_i)$

Verifikation

berechne:

$(h_{66}, h_{65}, \dots, h_1)$

$Z = (z_{66}, z_{65}, \dots, z_1)$ mit

$z_i = H^{255 - h_i}(s_i)$

Bsp: Sei $h_1 = 240$

Dann: $z_1 = H^{15}(s_1) = H^{15}(H^{240}(x_1)) = H^{255}(x_1) = y_1$

prüfe: $Z == Y$?

Signaturgröße

$66 * 256 = 16896 \text{ (Bit)} < 65536 \text{ (Bit)} \text{ (aus LD-Sign.)}$

Probleme mit Einmalsignaturen?

Merkle-Signatur

Merkle-Signatur



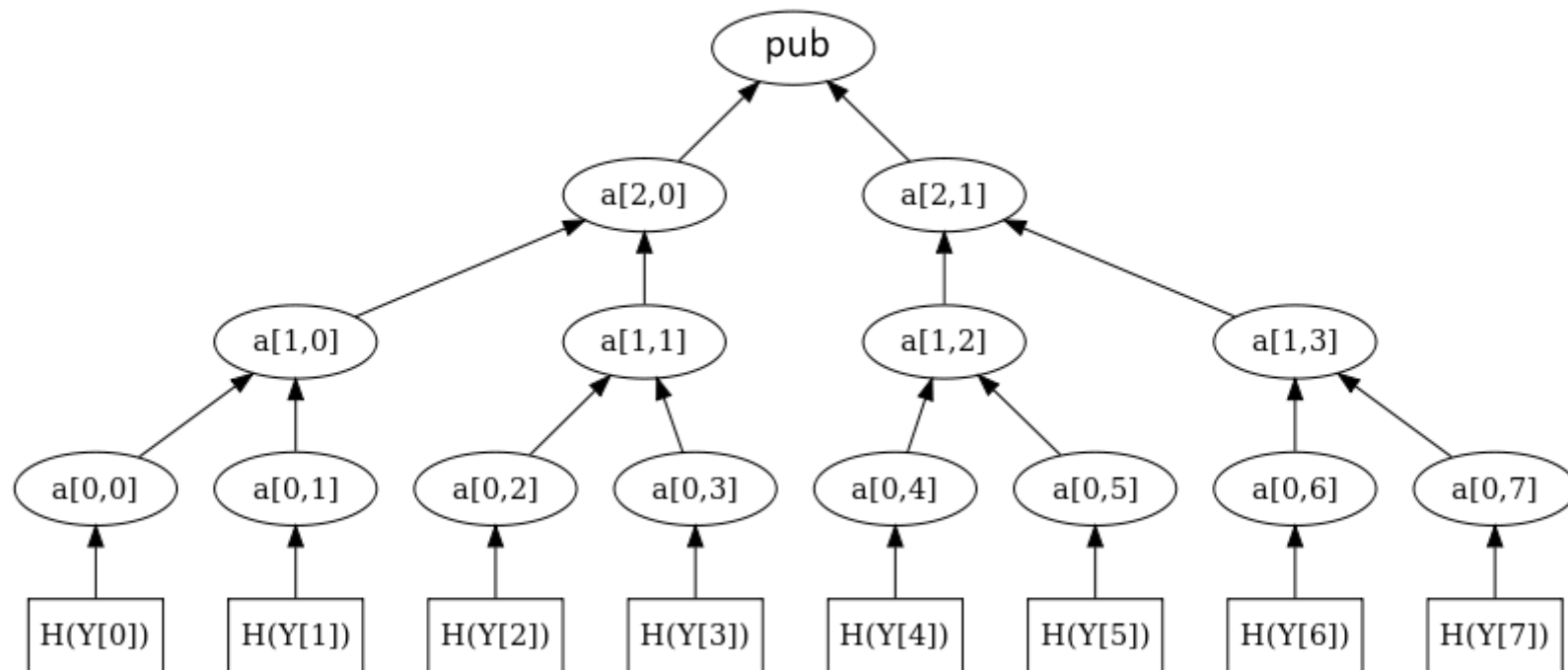
pub

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys



Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

signiere wie gewohnt mit der
Einmalsignatur (z.B. Winternitz)

$\Rightarrow \text{sig}'$

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

signiere wie gewohnt mit der
Einmalsignatur (z.B. Winternitz)

$\Rightarrow \text{sig}'$

Sende an Empfänger:

Message M

Signatur sig'

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

signiere wie gewohnt mit der
Einmalsignatur (z.B. Winternitz)

$\Rightarrow \text{sig}'$

Sende an Empfänger:

Message M

Signatur sig'

public key Y_2

Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

signiere wie gewohnt mit der
Einmalsignatur (z.B. Winternitz)

=> sig'

Sende an Empfänger:

Message M

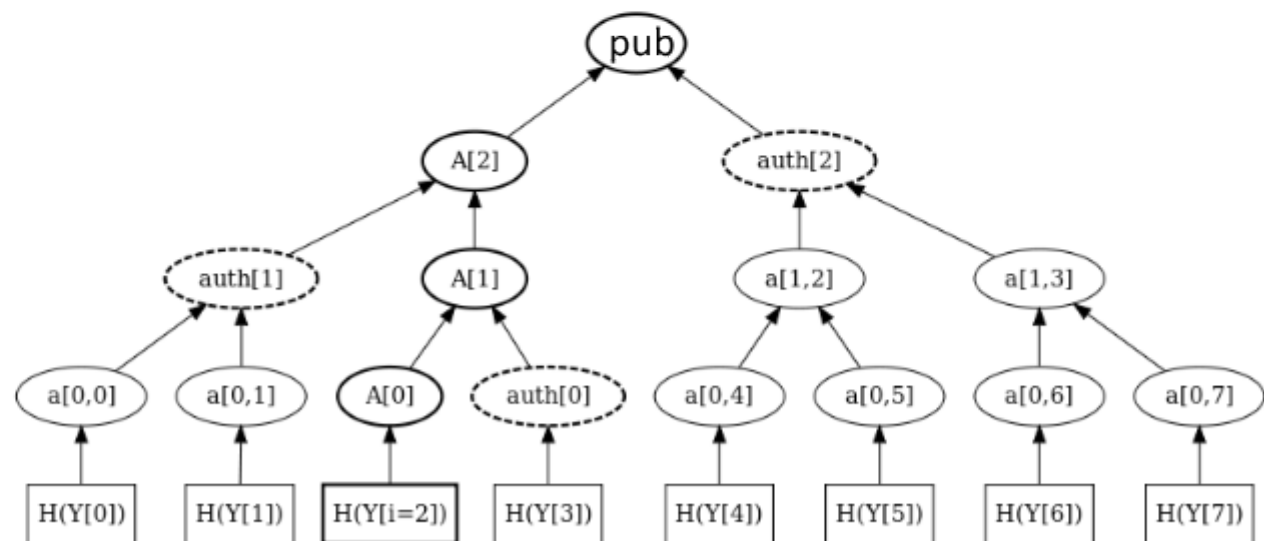
Signatur sig'

public key Y_2

$\text{auth}[0]$

$\text{auth}[1]$

$\text{auth}[2]$



Merkle-Signatur (Standardverfahren)

Seien X_0 bis X_7 meine private Keys und
 Y_0 bis Y_7 meine public keys

Signieren

Bsp: wir benutzen X_2 und Y_2

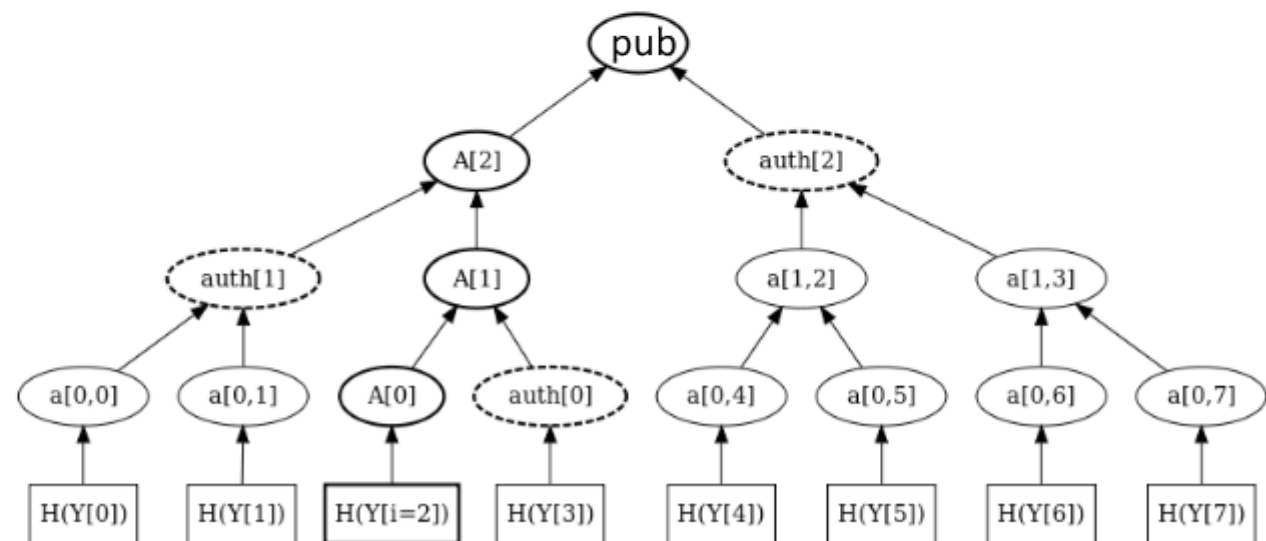
signiere wie gewohnt mit der
Einmalsignatur (z.B. Winternitz)

$\Rightarrow \text{sig}'$

Sende an Empfänger:
Message M

Signatur sig'
public key Y_2
 $\text{auth}[0]$
 $\text{auth}[1]$
 $\text{auth}[2]$

Signatur sig



Merkle-Signatur

Probleme mit dem
Standardverfahren?

Merkle-Signatur

8 7 1 1 2 2 8 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0

Einträge

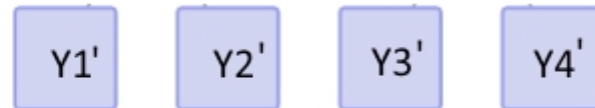
Merkle-Signatur (Erweiterung)

Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y_1 bis Y_4 meine public keys
und X_1 bis X_4 meine private keys

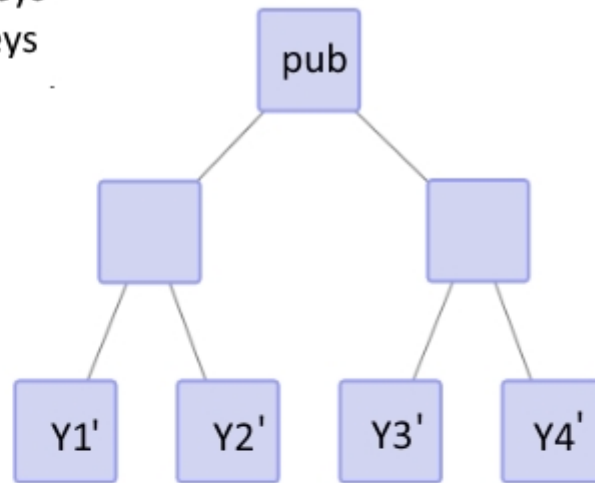
Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien $Y1$ bis $Y4$ meine public keys
und $X1$ bis $X4$ meine private keys



Merkle-Signatur (Erweiterung)

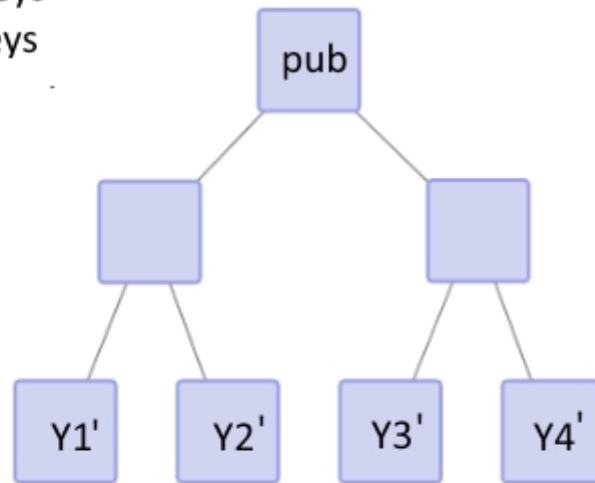
Seien Y_1 bis Y_4 meine public keys
und X_1 bis X_4 meine private keys



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y_1 bis Y_4 meine public keys
und X_1 bis X_4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3



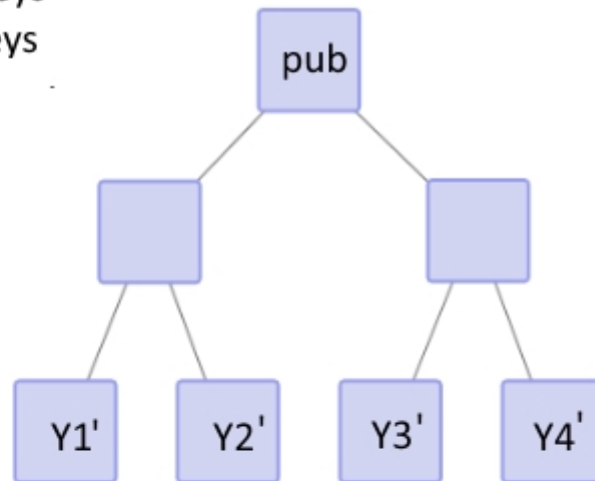
Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y_1 bis Y_4 meine public keys
und X_1 bis X_4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y_5 bis Y_{12}
(auch X_5 bis X_{12})



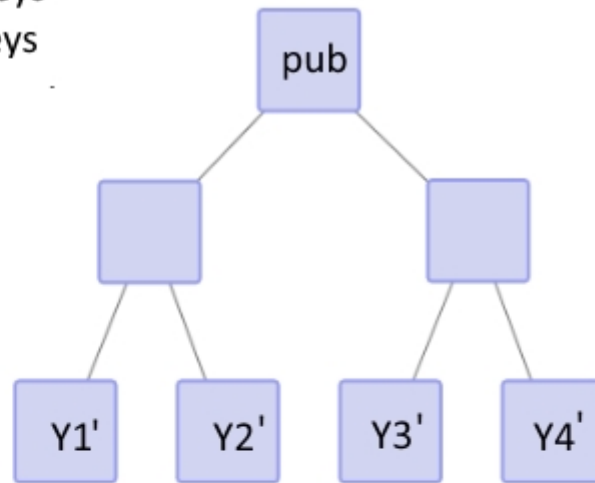
Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)



Y5' Y6' Y7' Y8'

Y9' Y10' Y11' Y12'

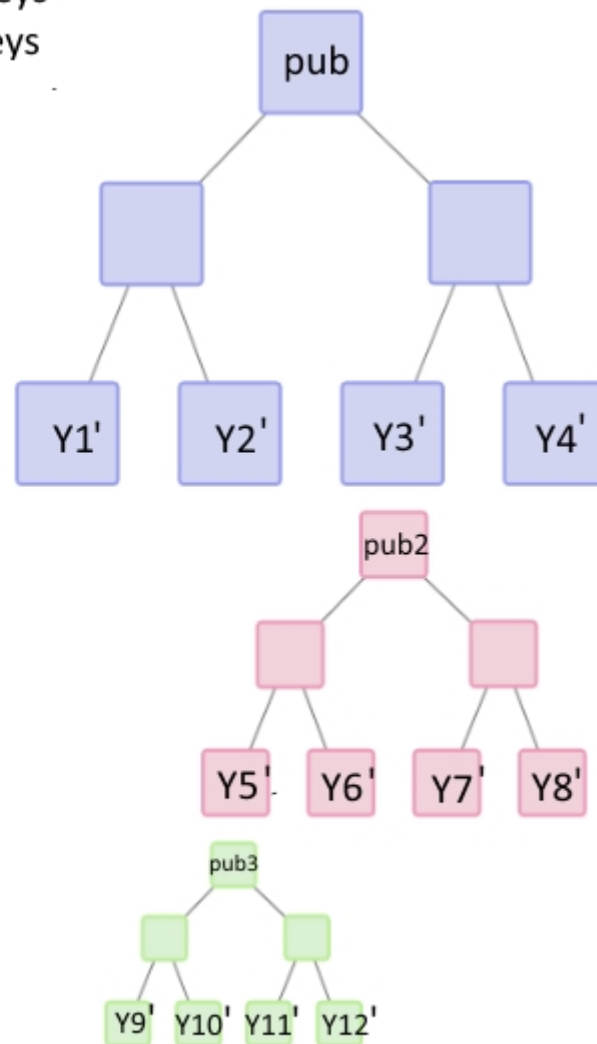
Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)



Merkle-Signatur (Erweiterung)

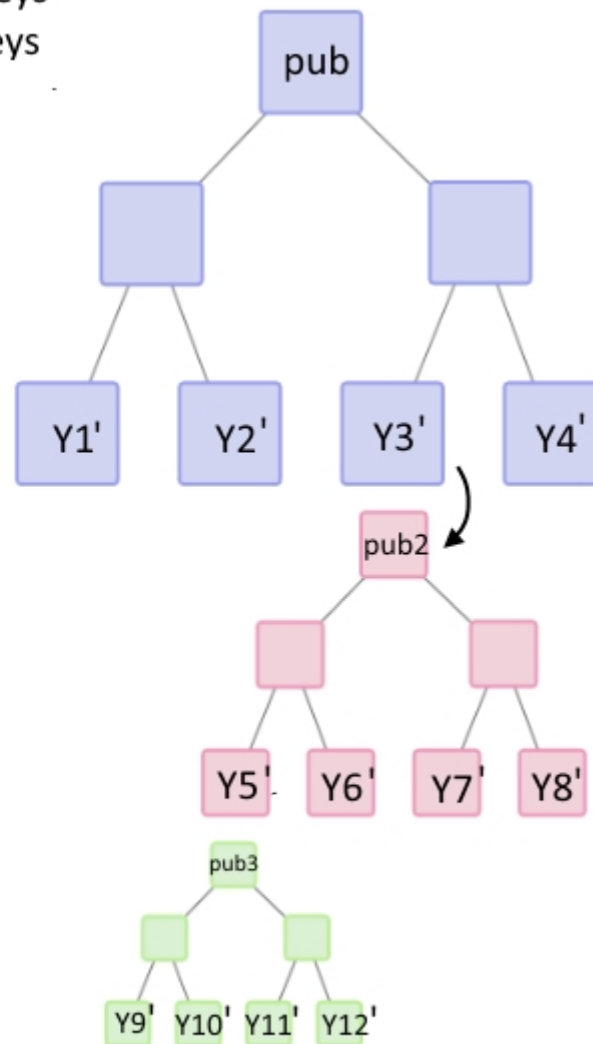
Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis X12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

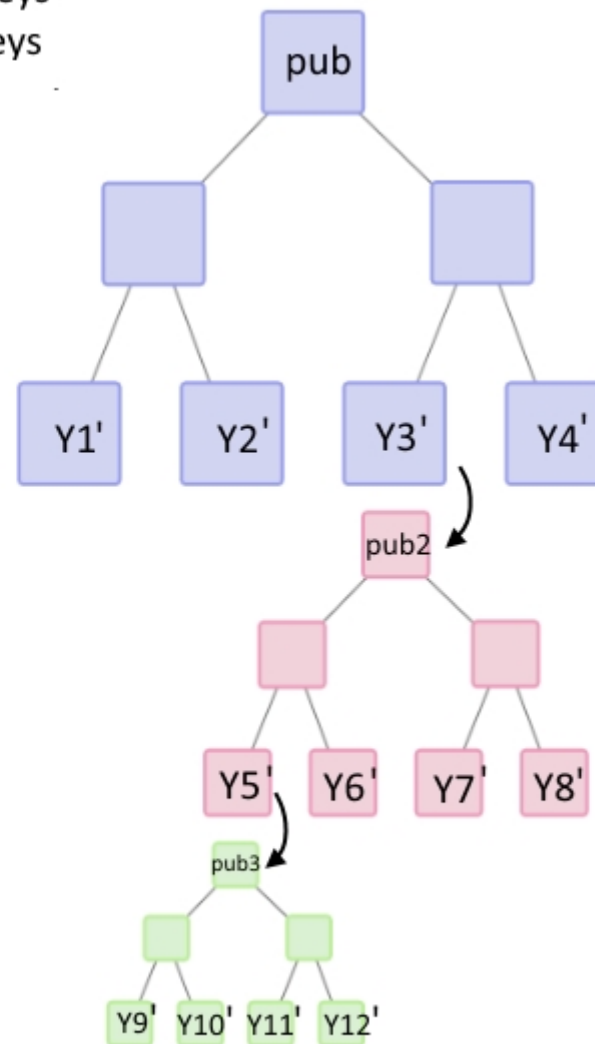
Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

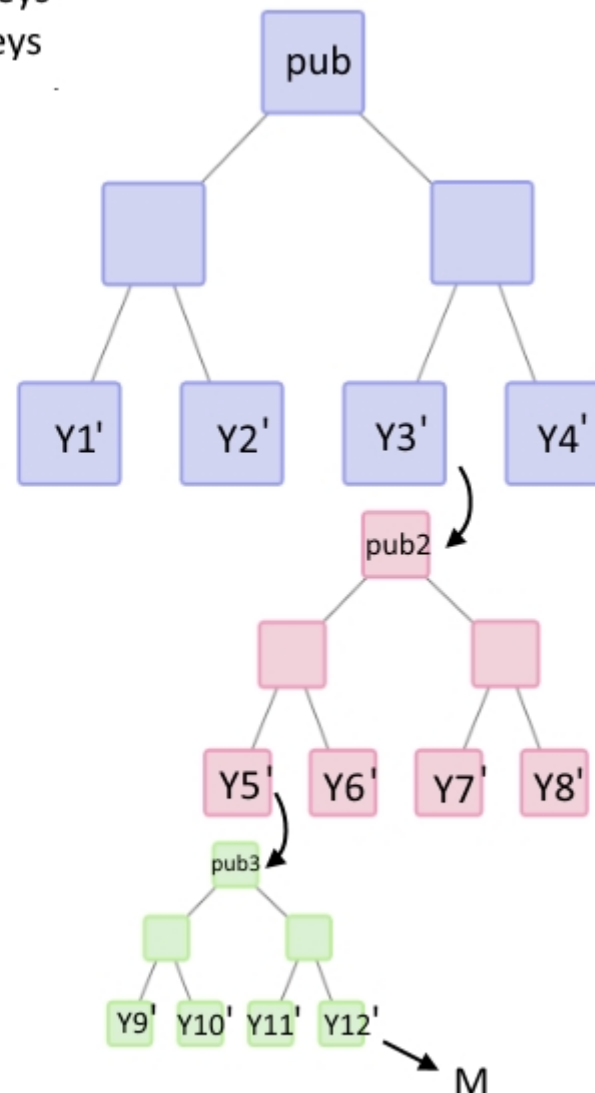
Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

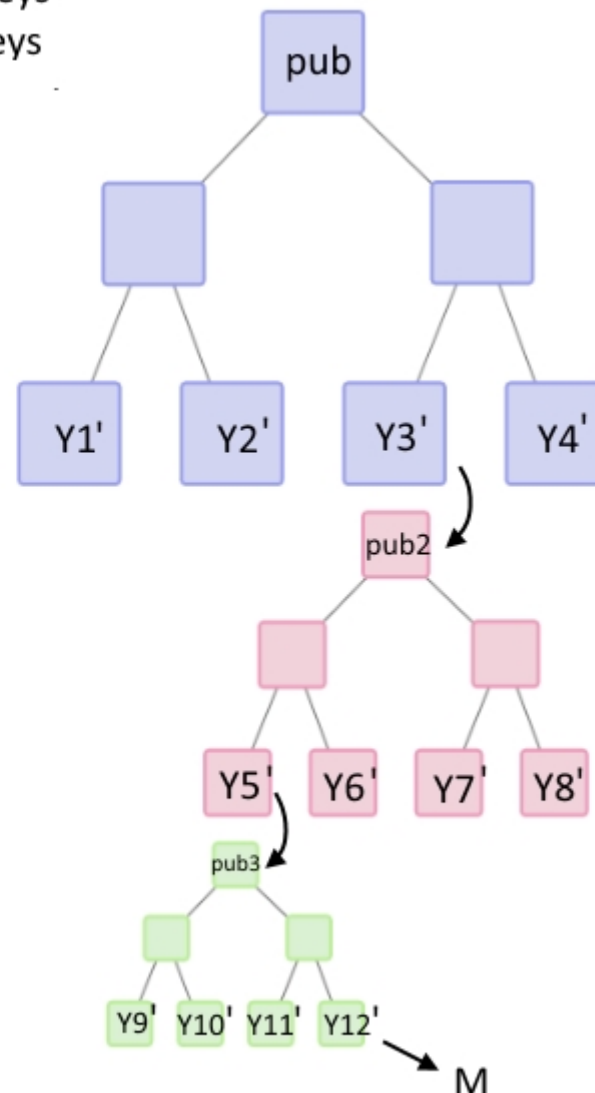
signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3
Y3, Y5, Y12



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

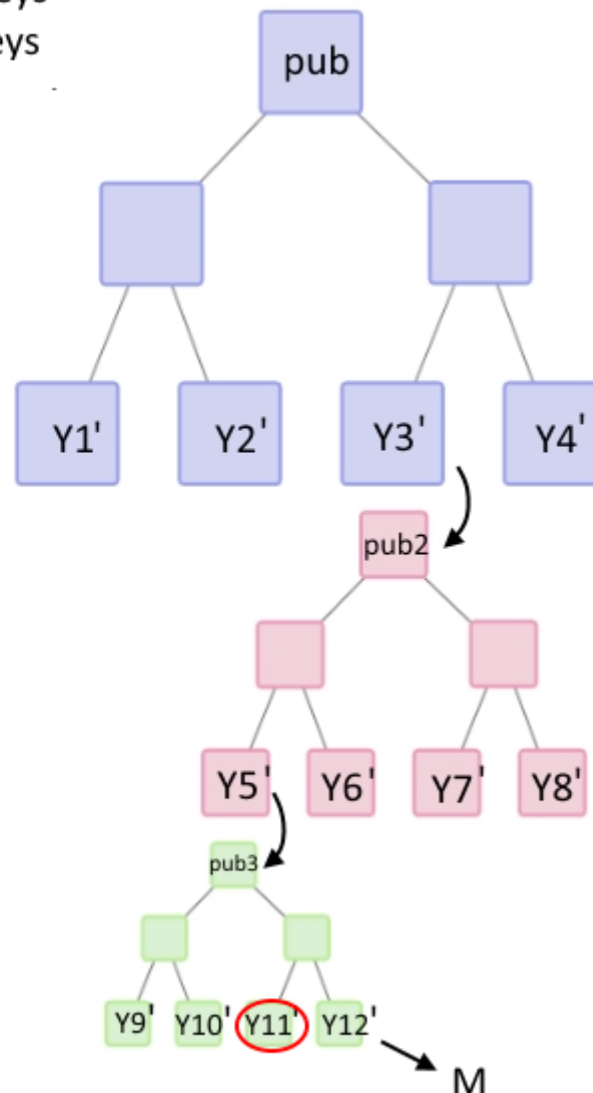
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

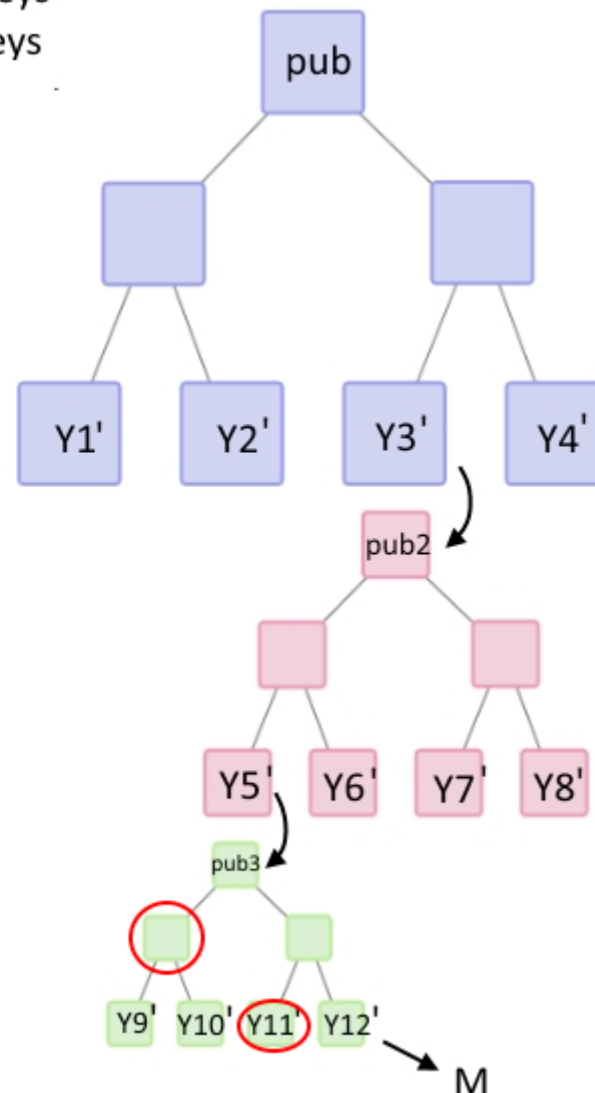
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

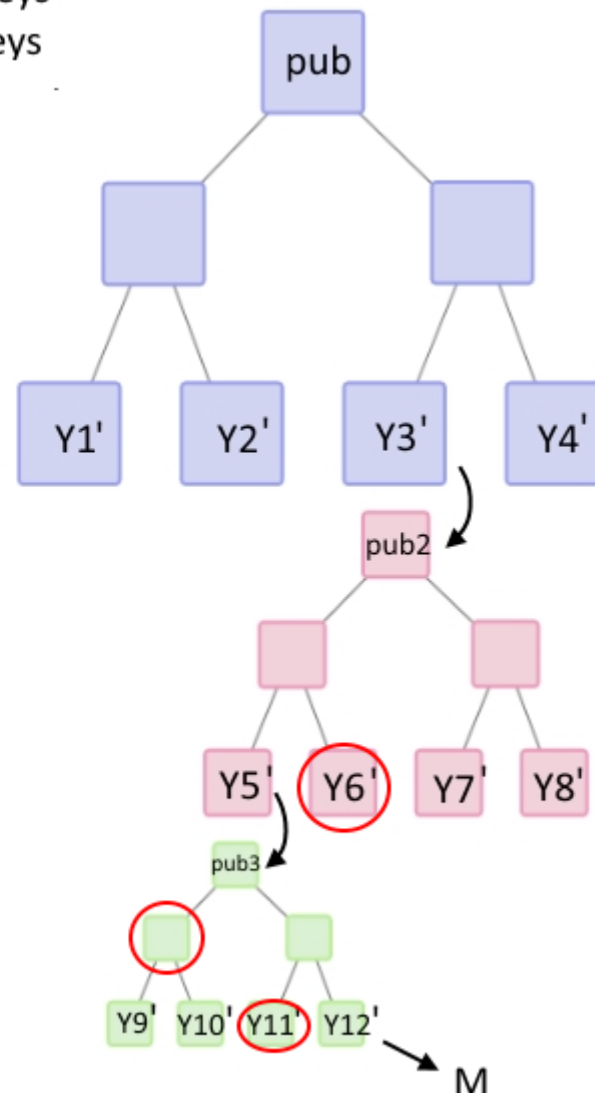
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

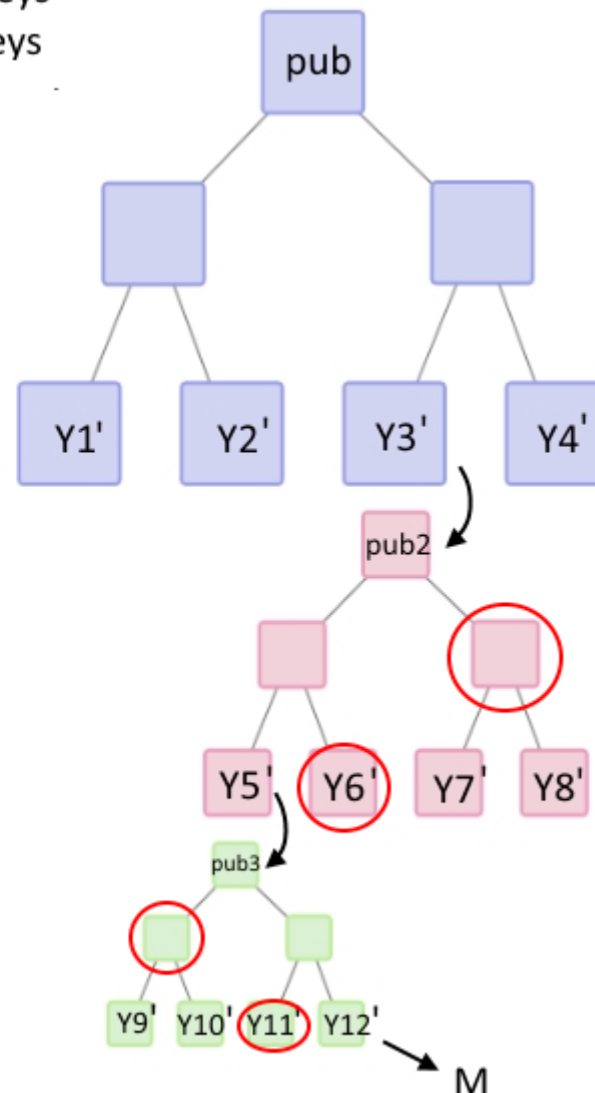
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

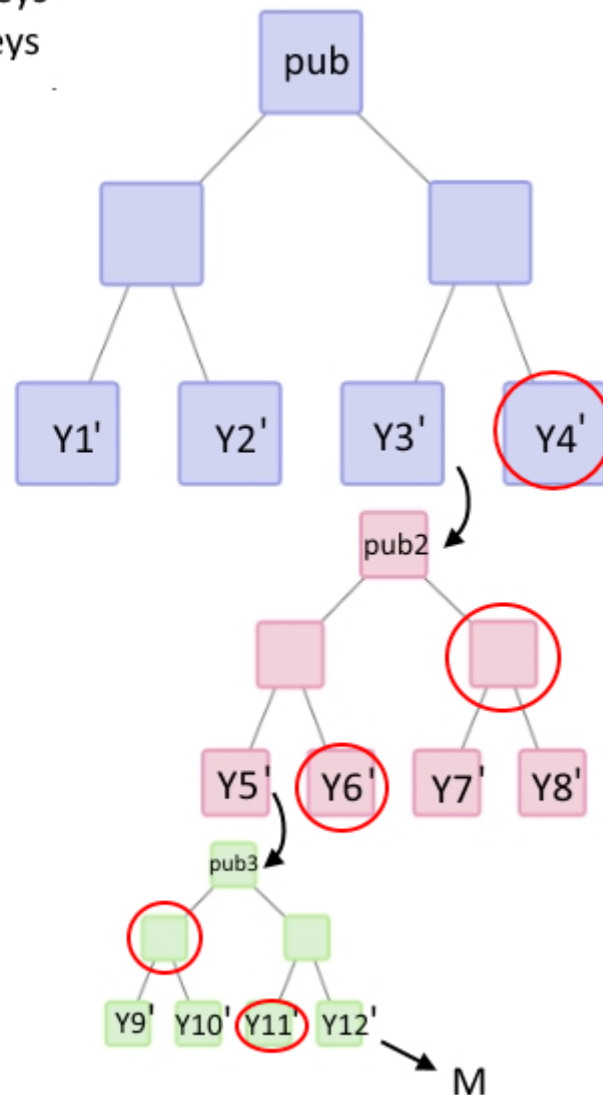
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

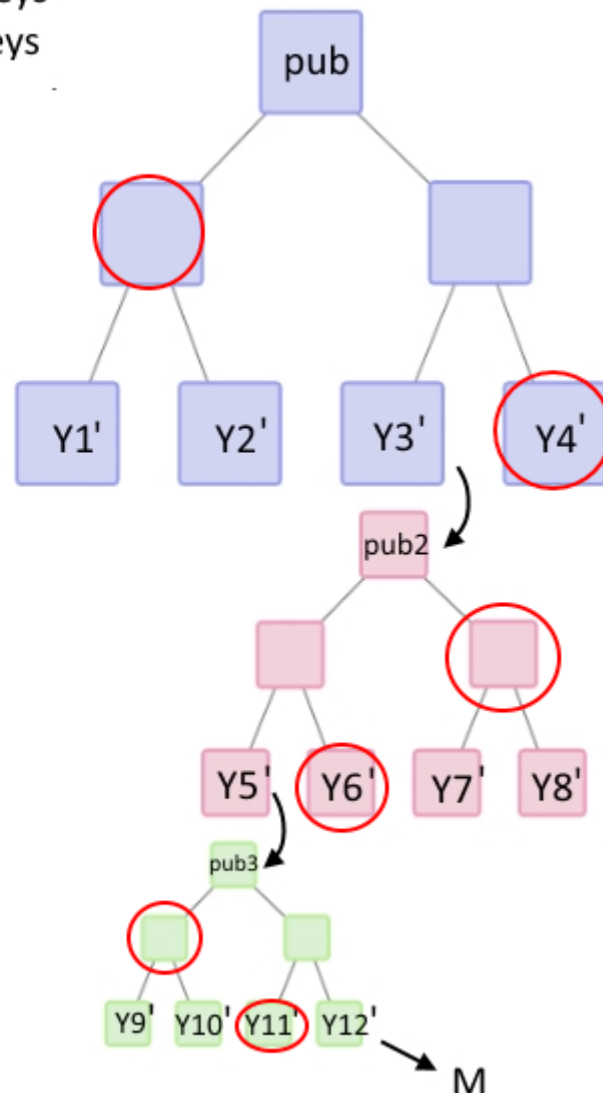
signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

Sende an Empfänger:
Message M

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

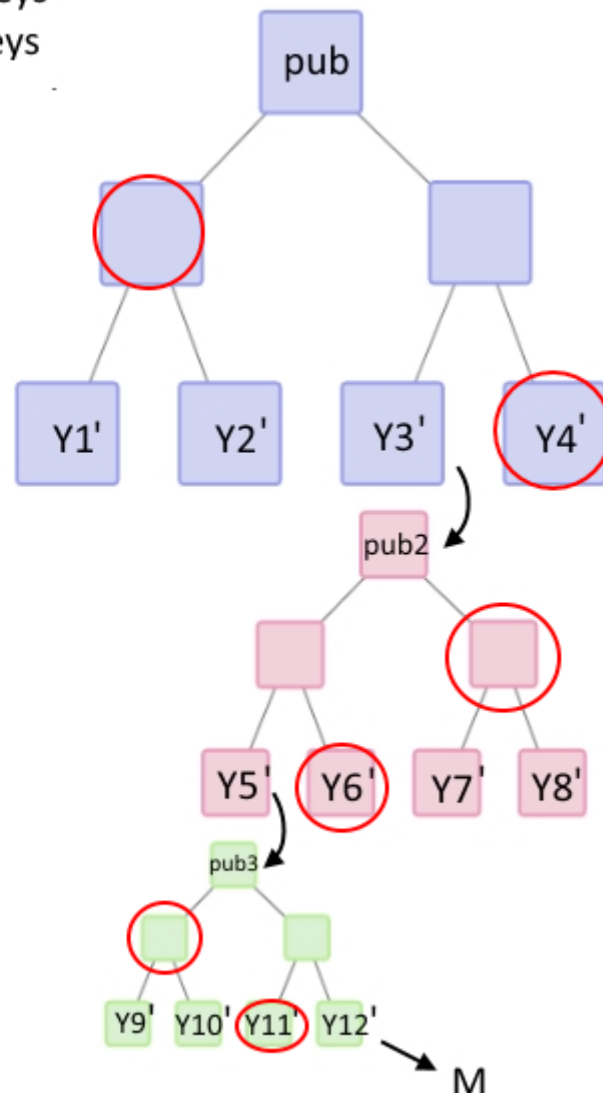
Sende an Empfänger:
Message M

Signatur S

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

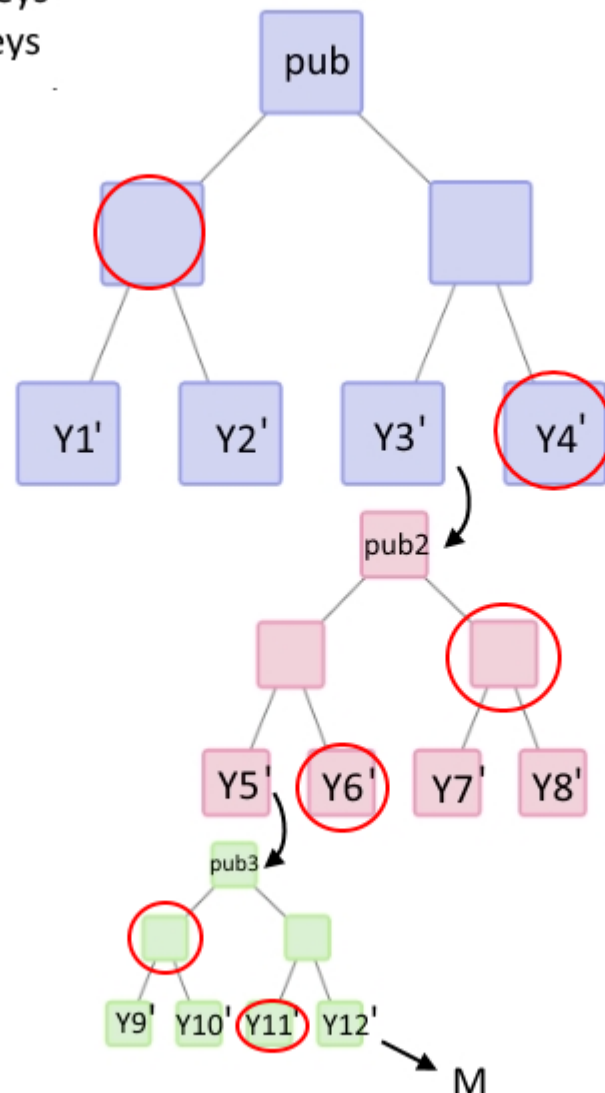
Sende an Empfänger:
Message M

Signatur S

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Verifikation

Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

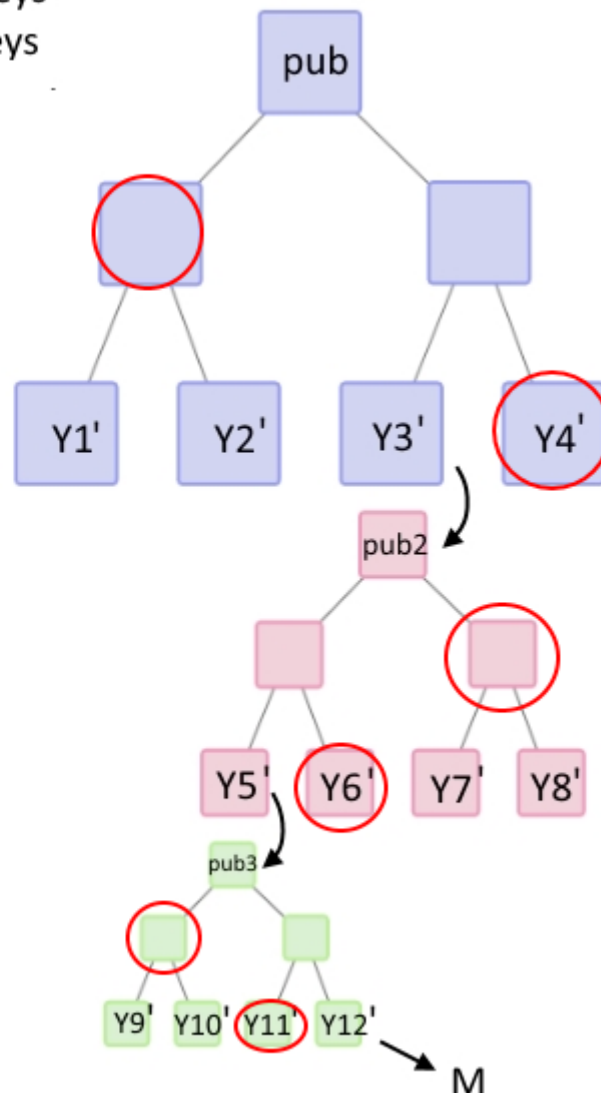
Sende an Empfänger:
Message M

Signatur S

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Verifikation

Signaturgröße und Performanz

Nehme an:
Baum mit 2^{16} Blättern
pro Teilbaum und 10 Ebenen

Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

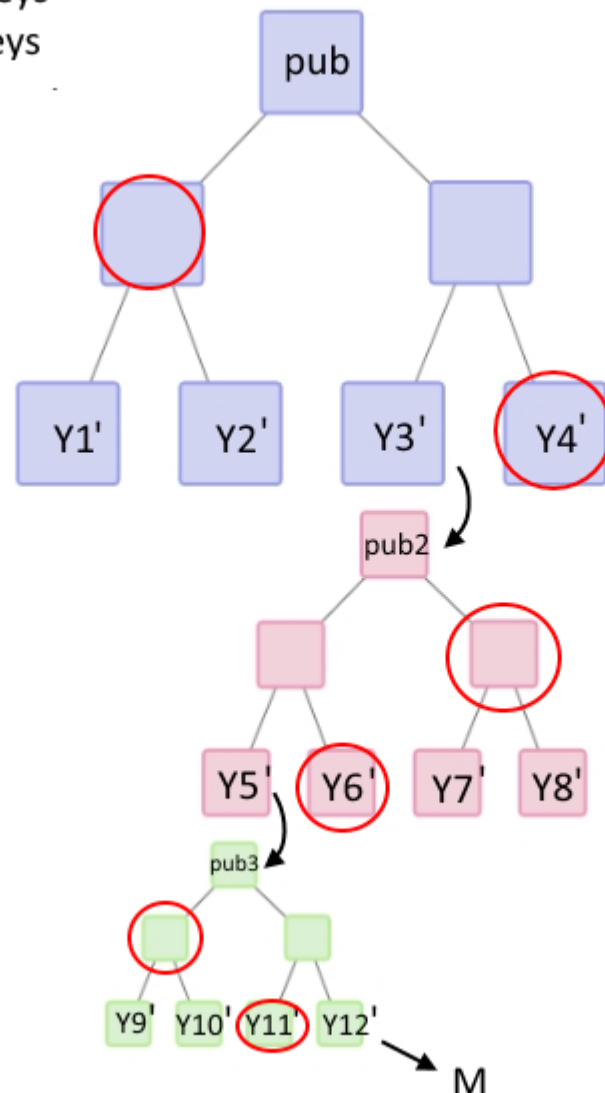
Sende an Empfänger:
Message M

Signatur S

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Verifikation

Signaturgröße und Performanz

Nehme an:
Baum mit 2^{16} Blättern
pro Teilbaum und 10 Ebenen

==> 2^{160} Blätter

Merkle-Signatur (Erweiterung)

Seien Y1 bis Y4 meine public keys
und X1 bis X4 meine private keys

Wähle Anzahl Ebenen: 3

Signieren

generiere Y5 bis Y12
(auch X5 bis Y12)

signiere pub2 mit X3
==> Signatur s1

signiere pub3 mit X5
==> Signatur s2

signiere Message M mit X12
==> Signatur s3

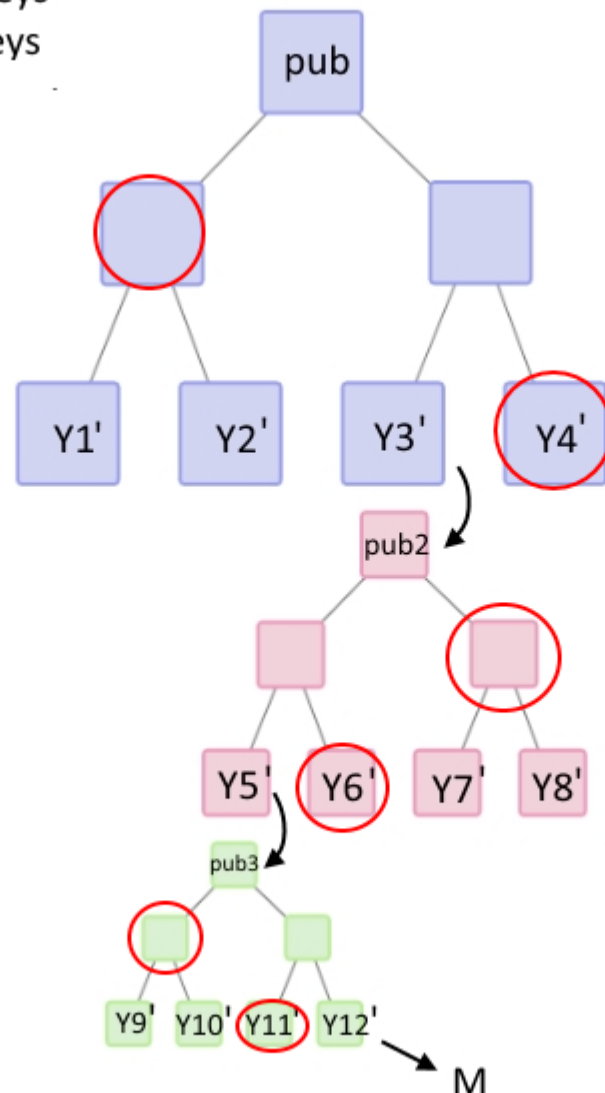
Sende an Empfänger:
Message M

Signatur S

s1, s2, s3

Y3, Y5, Y12

Pfadnachbarn ○



Verifikation

Signaturgröße und Performanz

Nehme an:
Baum mit 2^{16} Blättern
pro Teilbaum und 10 Ebenen

==> 2^{160} Blätter

Signaturgröße: 34 KB
Signierungsdauer: 0,8 s

Fazit

Nur bedingt einsetzbar!

z.B. nicht für PGP-Messages, aber für
Software-Updates

Quellen (1 von 2)

- <https://www.imperialviolet.org/2013/07/18/hashsig.html>
- <https://de.wikipedia.org/wiki/Post-Quanten-Kryptographie>
- https://books.google.de/books?id=VB598lO47NAC&pg=PA38&lpg=PA38&dq=winternitz+ots&source=bl&ots=lwpag2Sq_0&sig=JlcOFgEpAhlnTlcbDtv4WGW5Eg8&hl=de&sa=X&ei=FfSCVLG1OorNygP7yICQDw&ved=0CD8Q6AEwAw#v=onepage&q=winternitz%20ots&f=false
- <http://imperia.rz.rub.de:9085/imperia/md/content/seminare/itsss08/becker.pdf>
- <https://de.wikipedia.org/wiki/Lamport-Diffie-Einmal-Signaturverfahren>
- https://de.wikipedia.org/wiki/Digitale_Signatur

Quellen (2 von 2)

Bildquellen:

- http://smilys.net/riesige_smilies/smiley5102.gif
- <http://www.basicthinking.de/blog/wp-content/uploads/2013/10/quantencomputer.jpg>
- http://aktuell.ruhr-uni-bochum.de/mam/images/fittosize_440_0_85987c4ab02b85b473adeb1a0f4ba522_russland-flagge.jpeg
- <http://www.unabhaengige-tester.de/wp-content/uploads/2014/07/china-flagge.jpg>
- http://www.kunstkopie.de/kunst/juergen_priewe/israelische_flagge_hi.jpg
- <http://www.extremetech.com/wp-content/uploads/2013/02/CameraDrone.jpg>
- http://3.bp.blogspot.com/_WWUzaO9pYcA/SRVp_Qxqpql/AAAAAAAAAJ3E/D8Guk3xvnk4/s400/03465.jpg
- <http://bilder.augsburger-allgemeine.de/img/friedberg/crop24866211/2177215389-ctopTeaser/15441583.jpg>
- http://www.inc.com/uploaded_files/image/970x450/keys_29082.jpg
- http://www.goldenkeyresources.com/Golden_Key_Resources/Golden_Key_Story_files/GoldenKey.jpg
- <https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/thumb/9/90/MerkleTree1.svg/800px-MerkleTree1.svg.png>
- <https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/thumb/2/2e/MerkleTree2.svg/800px-MerkleTree2.svg.png>
- <https://www.imperialviolet.org/binary/hashsig-forest.svg>

THE
END